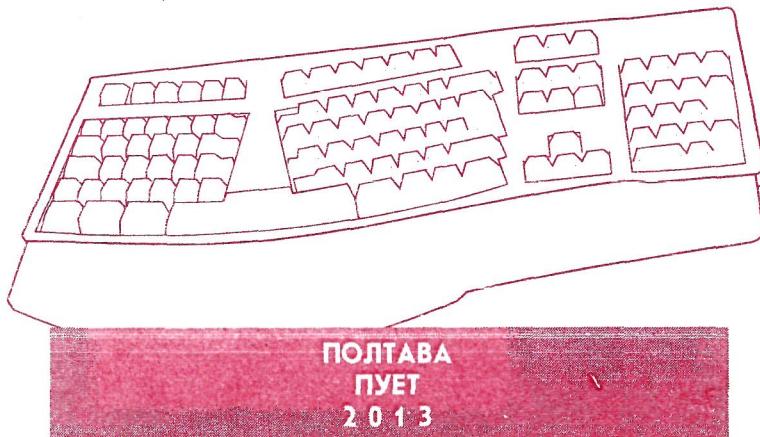


Вищий навчальний заклад Укоопспілки  
«ПОЛТАВСЬКИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ЕКОНОМІКИ І ТОРГІВЛІ»  
(ПУЕТ)

# ІНФОРМАТИКА ТА СИСТЕМНІ НАУКИ (ICH-2013)

Матеріали  
IV Всеукраїнської  
науково-практичної конференції

(м. Полтава, 21–23 березня 2013 року)



**Національна академія наук України  
Центральна спілка споживчих товариств України  
Українська Федерація Інформатики**

## **ІНФОРМАТИКА ТА СИСТЕМНІ НАУКИ (ICH-2013)**

**Матеріали IV Всеукраїнської  
науково-практичної конференції  
(м. Полтава, 21-23 березня 2013 року)**

*За редакцією професора Ємця О. О.*

**Полтава  
ПУЕТ  
2013**

УДК 004+519.7  
ББК 32.973я431  
I-74

*Розповсюдження та тиражування без офіційного дозволу ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі» заборонено*

## **Програмний комітет**

### **Співголови:**

*I. В. Сергієнко*, д.ф.-м.н., професор, академік НАН України, генеральний директор Кібернетичного центру НАН України, директор Інституту кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України;

*O. O. Нестула*, д.і.н., професор, ректор ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі».

### **Члени програмного комітету:**

*B. K. Задірака*, д.ф.-м.н., професор, член-кореспондент НАН України, завідувач відділу оптимізації чисельних методів Інституту кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України;

*G. П. Донець*, д.ф.-м.н., с.н.с., завідувач відділу економічної кібернетики Інституту кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України;

*O. O. Смєць*, д.ф.-м.н., професор, завідувач кафедри математичного моделювання та соціальної інформатики ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі»;

*B. A. Заславський*, д.т.н., професор, професор кафедри математичної інформатики Київського національного університету імені Тараса Шевченка;

*O. C. Кученко*, д.т.н., професор, завідувач кафедри системного аналізу і управління Національного технічного університету «Харківський політехнічний інститут»;

*O. M. Литвин*, д.ф.-м.н., професор, завідувач кафедри вищої та прикладної математики Української інженерно-педагогічної академії;

*O. C. Мельниченко*, к.ф.-м.н., професор, професор кафедри математичного аналізу та інформатики Полтавського національного педагогічного університету імені В. Г. Короленка;

*A. D. Тевяшев*, д.т.н., професор, академік Української нафтогазової академії, завідувач кафедри прикладної математики Харківського національного університету радіоелектроніки;

*T. M. Барболіна*, к.ф.-м.н., доцент, завідувач кафедри математичного аналізу та інформатики Полтавського національного педагогічного університету імені В. Г. Короленка.

I-74 Інформатика та системні науки (ІСН-2013) : матеріали IV Всеукр. наук.-практ. конф., (м. Полтава, 21–23 берез. 2013 р.) / за ред. Ємця О. О. – Полтава : ПУЕТ, 2013. – 323 с.

ISBN 978-966-184-211-2

Збірник тез конференції містить сучасну проблематику в таких галузях інформатики та системних наук, як теоретичні основи інформатики і кібернетики, математичне моделювання і обчислювальні методи, математичне та програмне забезпечення обчислювальних машин і систем, системний аналіз і теорія оптимальних рішень. Представлено доповіді, що відображають проблеми сучасної підготовки фахівців з інформатики, прикладної математики, системного аналізу та комп’ютерних інформаційних технологій.

Збірка розрахована на фахівців з кібернетики, інформатики, системних наук.

УДК 004+519.7  
ББК 32.973я431

*Матеріали друкуються в авторській редакції мовами оригіналів.  
За виклад, зміст і достовірність матеріалів відповідають автори.*

ISBN 978-966-184-211-2

© Вищий навчальний заклад Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі», 2013

<b>Пиминов Р. А., Рыбалкин С. Д., Помосов А. И.</b>	
Использование поверхностей второго порядка в имитационном моделировании пассажиропотоков .....	248
<b>Пічугіна О. С., Романова Н. Г.</b> Огляд різних підходів опуклого продовження поліномів на евклідових комбінаторних множинах .....	249
<b>Плотников А. Д.</b> О структуре класа NP .....	251
<b>Полікірова А. М.</b> Програмна реалізація методів розв'язування невироджених квадратних систем лінійних алгебраїчних рівнянь .....	257
<b>Проданець С. В.</b> Розробка тренажера дистанційного навчального курсу з теми «Методи знаходження базисного розв'язку транспортної задачі» .....	258
<b>Савков А. А., Мороз В. В.</b> Аналіз ЭЭГ и поиск феноменов по заданному патерну .....	261
<b>Савков С. А., Мороз В. В.</b> Поиск характерных идентификаторов текстуры природных материалов .....	263
<b>Савченко І. О.</b> Декомпозиція задач з великою кількістю параметрів в модифікованому методі морфологічного аналізу .....	265
<b>Самовик С. М.</b> Програмна реалізація угорського методу розв'язування задачі про призначення .....	267
<b>Самосёнок А. С.</b> Состоятельность оценок параметров гиббсовского распределения полученных методом наименьших квадратов.....	268
<b>Скворцов Д. В.</b> Розробка тренажера дистанційного навчального курсу «Випадкові процеси» та програмного забезпечення для нього .....	271
<b>Снигирёва Т. А.</b> Теневая экономическая деятельность как элемент экономической системы страны .....	272
<b>Тевяшев А. Д., Литвин О. Г., Гайдар І. І.</b> Впровадження у навчальний процес освітнього сайту з фундаментальних математичних дисциплін .....	275

УДК 519.85

## ОГЛЯД РІЗНИХ ПІДХОДІВ ОПУКЛОГО ПРОДОВЖЕННЯ ПОЛІНОМІВ НА ЕВКЛІДОВИХ КОМБІНАТОРНИХ МНОЖИНАХ

**О. С. Пічугіна**, к.ф.-м.н., доцент

Полтавський національний технічний університет

ім. Ю. Кондратюка

pichugina\_os@mail.ru

**Н. Г. Романова**, к.ф.-м.н., доцент

ВНЗ Укоопспілки «Полтавський університет економіки і торгівлі»

romanova.poltava@gmail.ru

Задачі оптимізації на комбінаторних множинах виникають при вирішенні теоретичних та прикладних проблем у економіці та виробництві. Більшість з них, в силу складності закладених у їх основу процесів, нелінійні. Отже, актуальним залишається вилучення класів нелінійних комбінаторних задач, які певним чином можуть бути зведені до оптимізації опуклих функцій.

Доповідь присвячена оптимізації поліноміальної функції, заданої на вершинах  $E$  комбінаторного многогранника  $P$ , адже для таких задач обґрунтовано [1] можливість зведення їх до оптимізації опуклого поліному в  $R^+$ .

Отже, розглянемо задачу вигляду

$$f(x) \underset{E \subset R^+}{\rightarrow} \min, \quad (1)$$

$$f(x) - \text{поліном}, E = \text{vert}(\text{conv}(E)). \quad (2)$$

Першим етапом розв'язання (1)–(2) буде побудова

$$F(x) : F(x) \underset{E}{=} f(x), F(x) - \text{опукла в } R^+, \quad (3)$$

яка називається **опуклим продовженням** (ОП) функції  $f(x)$  з  $E$  у  $R^+$ .

Огляд підходів до розв'язання (3) та напрямків дослідження.

1. У [1] для переставень  $E_1$  було запропоновано ітераційну

процедуру побудови ОП (далі П1), що суттєво використовує властивості симетричних функції на  $E$ .

2. У [2] підхід П1 було розповсюджено на поліпереставлення  $E_2$  (далі П2) та отримано оцінки обчислювальної складності.

3. У [3] було запропоновано підхід (далі П3), що суттєво зменшує кількість складових  $F(x)$  порівняно з П1, П2 та дано точні оцінки данного числа для  $E_1$  та оцінки  $E_2$ .

4. **Напрямок 1** розвитку ТОП сьогодні – це формування аналітичних ОП поліномів залежно від їх степенів та досліджених властивостей  $E$ . Okрім  $E_1, E_2$  вже розглянуто множину розміщень з повтореннями з двох елементів та поліноми степенів не вище трьох [4].

5. **Напрямок 2** – це автоматизація процесу побудови (3) для довільних (2) із використанням пакетів символної математики, що не лише дозволяє уникнути рутинних обчислень, але і є інструментом дослідження і оптимізації.

Отже, подальше дослідження властивостей різноманітних (2) і застосування для розв'язання (3) є актуальним і перспективним.

### *Література*

1. Яковлев С. В. Теория выпуклых продолжений функций на вершинах выпуклых многогранников / С. В. Яковлев // Журнал вычисл. математ. и математ. физики. – 1994. – Т. 34, № 7. – С. 1112–1119.
2. Валуйская О. А. Выпуклое продолжение многочленов, заданных на полиперестановках, модифицированным методом Стояна-Яковлева / О. А. Валуйская, О. А. Емец, Н. Г. Романова // Журн. вычислите. математ и матем. физики. – 2002. – Т. 42. – № 4. – С. 591–596.
3. Валуйская О. А. Выпуклые продолжения полиномов на комбинаторных множествах и их приложения / О. А. Валуйская, О. С. Пичугина, С. В. Яковлев // Радиоэлектроника и информатика. – 2002. – № 2. – С. 121–129.
4. Пичугіна О. С. Опукле продовження кубічних многочленів на переставленнях та його застосування у розв'язанні прак-

тичних задач оптимізації / О. С. Пічугіна // Математичне та комп’ютерне моделювання. Серія: Фізико-математичні науки: зб. наук. праць. – Камянець-Подільський : Камянець-Подільський національний університет ім. І. Огієнка, 2010. – Вип. 4. – С. 176–189.

## О СТРУКТУРЕ КЛАССА NP

**A. Д. Плотников, к.т.н., доцент**

*Восточноукраинский национальный университет им. В. Даля*

### Аннотация

В работе вводится новый класс задач UF, строго входящий в класс NP, и возникающий при анализе времени верификации промежуточных результатов вычислений. Рассматриваются последствия введения такого класса. Прежде всего показывается, что знаменитая задача «P vs NP» должна быть переформулирована в задачу «P vs UF». Также, устанавливаются свойства, которым должна удовлетворять односторонняя функция, используемая в криптологии.

### 1. Введение

Задачу определяют как некоторый общий вопрос, на который необходимо дать ответ [1]. *Массовую задачу Z определяют следующей информацией:*

- списком параметров;
- свойствами, которым должен удовлетворять ответ, или решение задачи.

Массовую задачу называют также просто *задачей*. Если параметры задачи принимают конкретные значения, то мы имеем *индивидуальную задачу*.

В теории вычислительной сложности определяют несколько главных классов задач [1, 2]. Рассмотрим некоторые из них.

Говорят, что задача Z принадлежит классу NP, если:

1. задача может быть задана конечным числом символов  $n$ ;
2. решение задачи также может быть представлено конечным числом  $m$  символов, где  $m$  есть полиномиальная функция от  $n$ :  $m = f(n)$ ;