

Министерство образования Украины
Полтавский инженерно-строительный институт

ТЕЗИСЫ ДОКЛАДОВ
44 научной конференции профессоров, преподавателей,
научных работников, аспирантов и студентов института

ЧАСТЬ 2

Полтава - 1992г.

УДК 519.8

Емец О.А.

(ПолтИСИ)

ОБ ОПТИМИЗАЦИИ ВЫПУКЛЫХ НЕДИФФЕРЕНЦИРУЕМЫХ ФУНКЦИЙ
НА ЕВКЛИДОВЫХ КОМБИНАТОРНЫХ МНОЖЕСТВАХ

Обозначим через E - евклидово комбинаторное множество
[I].

Теорема 1. Пусть $\varphi(x)$ - выпуклая функция, заданная на выпуклом множестве $X \supset E$. Тогда для всех внутренних точек $y \in X \subset R^k$

$$\min_{x \in E} \varphi(x) \geq \varphi(y) - (p(y), y) + \min_{x \in E} \sum_{i=1}^k p_i(x) \cdot x_i,$$

где $p(y) = (p_1(y), \dots, p_k(y))$ - субградиент функции $\varphi(x)$ в точке y .

Теорема 2. Чтобы точка $z = (z_1, \dots, z_k) \in E$ поставляла минимум на множестве E , выпуклой на выпуклом замкнутом множестве X функции $\varphi(x)$; $E \subset \text{int } X$, достаточно, чтобы

$$\min_{x \in E} \sum_{i=1}^k p_i(z) x_i = (p(z), z),$$

где $p(z) = (p_1(z), \dots, p_k(z))$ - субградиент функции φ в точке z ; $\text{int } X$ - относительная внутренность множества X , $x = (x_1, \dots, x_k) \in R^k$

Чтобы применить приведенные теоремы к конкретным евклидовым комбинаторным множествам из R^k , необходимо уметь решать задачи минимизации линейных функций на них. Для множества размещений это сделано в [2,3], для сочетаний с повторениями в [2,4].

Литература

1. Стоян Ю.Г. Некоторые свойства специальных комбинаторных множеств. - Харьков, 1980. - 22 с. 2 (Препринт АН УССР / Ин-т пробл. машиностроения; № 85).
2. Емец О.А. Свойства целевых функций на сочетаниях и размещениях // Тезисы докл. 43 науч. конф. професс., препод., науч. раб., аспир., студент. ин-та. - Полтава, 1991 / ПолтИСИ
3. Стоян Ю.Г., Яковлев С.В., Гребенник И.В. Экстремальные задачи на множестве размещений, - Харьков, 1991. - 35 с. (Препринт АН УССР / Ин-т пробл. машиностроения; № 347).
4. Емец О.А. Множество сочетаний с повторениями, отображенное в и свойства задач оптимизации на нем // Докл. АН УССР, 1991, № 4, с. 69-72.

245. Маслова С.А. Влияние сложных вилов симметрии на связывание свободных параметров геометрических фигур.....	271
246. Стрилек Г.И., Кузьменко Р.Х. Отражение свойств некоторых искусственных материалов геометрическими поверхностями.....	272
247. Шулля В.П., Горобец А.И. Статико-геометрический метод образования оболочек переменной толщины....	273
248. Дупник А.В., Прокопчук Б.С., Ковальчук М.Я., Чернявский В.А. О внедрении в учебный процесс и результатах использования методических указаний "Строительный чертеж здания" студентами II курса факультета СХС.....	274
249. Печенова В.В., Чепига Л.Д., Гумберт Р.Т. ПК знаний студентами элементов черчения и начертательной геометрии за среднюю школу и в процессе обучения.....	275
250. Модак В.Г., Харченко С.Е. Преобразование проекций методом поворота с использованием поверхностей вращения.....	276
251. Винохолов И.Я. Рациональная методика обучения черчению по специальности 1504.....	277
252. Погорелый Д.Ф., Козлова Г.И., Павлов В.Н. Определение объема конуса с произвольным основанием....	278
253. Погорелый Д.Ф. Объединение элементарных преобразующих функций.....	279
<u>Секция высшей математики.....</u>	280
254. Емель О.А. Об оптимизации выпуклых нелинейных функций на евклидовых комбинаторных множествах.....	281
255. Емель О.А., Вадуйская О.А. Построение выпуклой в R^k функции, совпадающей на гиперсфере с заданной функцией.....	282
256. Емель О.А., Бичугина О.С. Приближенный метод решения условных задач на погруженном в R^n множестве сочетаний.....	283
257. Ишук В.И. Об едином применении метода распознавания систем.....	284